Tema 5
Successioni e funzioni numeriche

## SAPERE SAPER FARE

Nozione di successione. \* Successioni definite assegnando il termine generale e successioni definite per ricorrenza.

Saper riconoscere in casi semplici se una successione è crescente.

Progressioni aritmetiche e geometriche.

Saper effettuare semplici calcoli sulle progressioni, come ad esempio la somma dei primi *n* termini.

Le funzioni numeriche e i loro grafici. Dominio di una funzione. \* Proprietà qualitative: crescenza, decrescenza, zeri, limitatezza, massimi e minimi relativi e assoluti.

Saper interpretare il grafico di una funzione: riconoscere dal disegno gli intervalli dove la funzione cresce o decresce e dove assume valori positivi o negativi; individuare i punti di massimo o di minimo; riconoscere eventuali simmetrie (funzioni pari, funzioni dispari, funzioni periodiche).

Proprietà di alcune funzioni elementari: polinomi di primo e secondo grado, funzione potenza  $x \mapsto x^{\frac{n}{m}}$ ; funzioni logaritmo  $x \mapsto \log_a x$  ed esponenziale  $x \mapsto a^x$  (con a > 0,  $a \neq 1$ ); funzioni trigonometriche  $x \mapsto \operatorname{sen} x$ ,  $x \mapsto \cos x$ ,  $x \mapsto \operatorname{tg} x$ . Loro grafici.

La funzione logaritmo come inversa dell'esponenziale. Periodicità delle funzioni trigonometriche.

N. B.: Il calcolo differenziale e integrale viene svolto in maniera approfondita e dettagliata sia negli insegnamenti di *Analisi Matematica* per i corsi di laurea in Matematica, Fisica, Ingegneria e Informatica, sia negli insegnamenti di *Matematica*, *Istituzioni di Matematica* e di *Matematica Generale* di altri corsi di laurea. Anche gli studenti che non hanno avuto occasione di acquisire nozioni di calcolo differenziale e integrale negli studi secondari pos-

sono dunque ragionevolmente pensare di iscriversi a uno dei corsi di laurea citati. Tuttavia conviene avvertire che gli strumenti del calcolo differenziale e integrale sono spesso usati fin dall'inizio in altri insegnamenti (Fisica, per esempio). Inoltre, soprattutto nei corsi di laurea dove l'insegnamento è impartito sulla base di semestri intensivi non è facile apprenderne in poche settimane sia i fondamenti teorici sia la manualità.